

QnA.

I. A3Rsu vs. A3Rmi

이 위치에는 항상  $\epsilon$ 의 첫번째 행과  $\epsilon$ 의 첫번째 원소가 들어가게 된다.

A3Rsu:  $E(X'\epsilon) = 0 \rightarrow X = \begin{pmatrix} \text{---} \\ \text{---} \\ \vdots \\ \text{---} \end{pmatrix}$      $\epsilon = \begin{pmatrix} \text{---} \\ \text{---} \\ \vdots \\ \text{---} \end{pmatrix}$      $X'\epsilon = \begin{pmatrix} x_{11}\epsilon_1 + x_{12}\epsilon_2 + \dots + x_{1n}\epsilon_n \\ \vdots \\ x_{j1}\epsilon_1 + x_{j2}\epsilon_2 + \dots + x_{jn}\epsilon_n \\ \vdots \\ x_{i1}\epsilon_1 + x_{i2}\epsilon_2 + \dots + x_{in}\epsilon_n \end{pmatrix}$

\* 파란색은 행렬곱 방향을 의미.

$X' = \begin{pmatrix} \text{---} \\ \text{---} \\ \vdots \\ \text{---} \end{pmatrix}$

=  $\begin{pmatrix} \frac{1}{n} \sum_j x_{j1}\epsilon_j \\ \vdots \\ \frac{1}{n} \sum_j x_{jn}\epsilon_j \end{pmatrix}$  : Data 상에서 같은 행의 공의 합

=  $\epsilon_1 x_{\cdot 1} + \epsilon_2 x_{\cdot 2} + \dots + \epsilon_n x_{\cdot n}$  (본 배며,  $\epsilon_i$ 로 가중치 곱함)

- $E(X'\epsilon) = 0$  은 Data 상에서 같은 행의  $x$ 와  $\epsilon$ 의 곱의 합이 0이 나와야 하며 이는  $x$ 와  $\epsilon$ 간 covariance 혹은 correlation이 없음을 의미하기도 함. 대신에 Data 수가 커고  $\frac{1}{n}$ 로 나눠줘야 함.
- A3Rmi는 어떤 Data(X)가 와도  $\epsilon$ 은 평균적으로  $E(\epsilon|X) = 0$ 이 되는 것을 의미하기에 소표본에서도  $x$ 와  $\epsilon$ 간 관계가 없음을 생각하면 된다.
- A3Rsu는 대표본에서 삼관이 없다고 받아들일 수 있다.

2. Non indep 부분.  $\rightarrow P.11 \quad \text{Var}(\bar{x}) = \frac{\sigma^2}{n} \left( \frac{N-n}{N-1} \right)$

\* 초기 분포를 따르는 변수의 분산  $V(X) = n \cdot \frac{k}{M} \cdot \frac{M-k}{M} \cdot \frac{M-n}{M-1}$   
 $n \cdot p \cdot (1-p)$

- 변수들의 sample간 iid가 깨져서  $\text{Var}(X_i) + \text{Var}(X_j)$  뿐만 아니라  $2\text{Cov}(X_i, X_j)$ 가 생기면 Variance가 커진다. (참고로 Cov는 음수가 나올 수 있으나 이전 선택의 성격은 거의 유사할 것이므로 양수로 볼 수 있음)
- $n \ll N$  일 때 Correction factor가 1에 가까워진다는 것은 수학에서도 알 수 있지만 위 논리를 바탕으로 해석할 때는 Cov가 생길 표본 수가 줄어들어 분산의 크기가 많이 증가하지 않기 때문으로 생각할 수 있다.
- Fancier CLT?  $x_i \sim iid$  If  $x_i \sim \text{not iid}$ , Not fancier.

$\rightarrow$  Lindberg-Lery's CLT

Not fancier CLT: L=F CLT

# Question 6.

문제의 의미: Regression의 핵심 순서

→ Regression은 Statistics의 결합. ① Predictive ② Analytic

분석. Why? 예측은 하변안측 Data의 특성과 불확실성이 커지기 때문.  
 각각은 하계통 측면에서 특정 그룹이나 요인에 대한 상관성  
 혹은 인과성을 고려할 수 있음.

\* 북측: 1) R<sup>2</sup>부분 / 저 고층 외곽 2) 공 요인 (X↑ (1-β)↓ 무슨 의미?)

Multicollinearity:  $\frac{1}{1 - \text{corr}(X_i, X_j)}$  은 두 변수의 관계성에 의한 표현. Data 자체의 Multicollinearity를 확인하고 싶으면 Def(X)를 확인하라.

\* Multicollinearity가 발생할 때 X의 변동이 낮으면 (X → Constant: 변동이 낮음) (X'X) ↓ (X'X)<sup>-1</sup> ↑ V(β) = σ<sup>2</sup>(X'X)<sup>-1</sup> ↑ t-value =  $\frac{\hat{\beta} - \beta_0}{\text{se}(\hat{\beta})}$  ↓

X의 2nd moment를 고려해라.

단측 검정 하면.

\* 단측 검정이 양측 검정보다 좋은 이유? 변동을 알고 있을 때, H<sub>0</sub>: β = 0 이라는 가설을 확률이 높아지니까.

양측 검정을 한다면 이는 사실상 0의 확률은  $\frac{\alpha}{2}$ 로 두는 것과 동등하다.

# Question 7.

문제의 의미: Dummy variable의 취와 Interaction term의 의미.

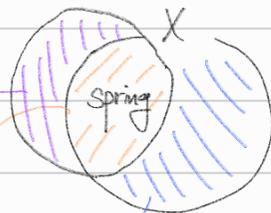
(test나 CI를 구하기 위해서는 분산(2nd moment)이 필요하다. → 통계학은 다 결론나 환한 예이다? (대부분 결과 분포 기반한다는 얘기)

\* Dummy variable interaction.

ex) X: 고대 방문장. sp: 봄 dummy 변수

Y: 옷 판매량 (dependant)

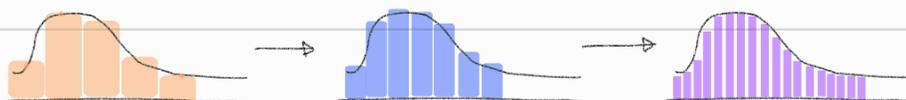
$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \beta_2 sp + \beta_3 X \cdot sp$$



: 변수 X에서 sp가 같이 선택하는 비중은 따로 떼어놓은 것이라기 생각하라.

\* 북측: 분산이 0이 취되는 이유는? 외곽 후에 다시 보의 혹은 외곽과 강의 자료.

\* 이상치가 Data 수가 커질수록 변형으로 수렴?



시험 내용.

6. Categorical Data.

6.1 Categorical input with categorical input.

• odds ratio: odds 4/2. odd? 전체 평균의 비율이 아닌(Risk) 남대 경우의 수에 대한 비율 이구나? 칸트 칸에 대해 알아보기.

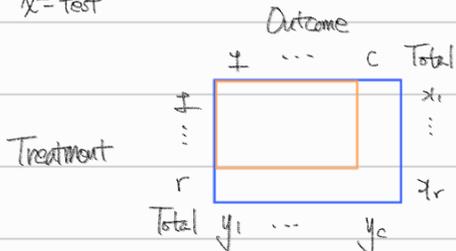
6.1.1 Simpson's paradox. (Question 7)

\* Categorical Variable 내에 여러 변수가 남아있다는 것 → Multivariate Regression.



6.1.2  $\chi^2$ -test

• 카우도:



$\chi^2(r-1)(c-1)$  인 이유는

각 행과 열의 합이 정해져 있기 때문에  
경우의 수가 그씩 줄어들기 때문이다.

6.2 ANOVA

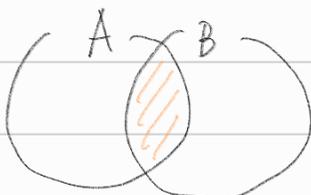
6.2.3 Interpretations and assumptions.

• Data의 2nd moment인 분산이 동일하다는 것에 하미 (Homogeneity) 2nd moment가 필자 다은리 보겠다는 것.  
→ 분산을 보겠다는 것.  
교과 읽어보기.

6.2.4 Some extensions of ANOVA (Question 9번)

•  $SSA + SSB + SSAB$

↳ Interaction term이 추가 혹은 설명하는 2nd moment를 의미.



6.2.6 Kruskal-Wallis : the non-parametric version.

• Wilcoxon signed rank test / Mann-Whitney U test : comparing medians

↓ ANOVA.

Kruskal-Wallis